## LE DIOXYDE DE SOUFRE, UN GAZ POLLUANT

Le dioxyde de soufre  $SO_2$  est un gaz polluant, à l'origine de la formation des pluies acides, problème écologique majeur dans les régions industrialisées. On étudie, à la température T=298 K et sous une pression totale fixée P=1,0 bar, la réaction de solubilisation dans l'eau du  $SO_{2(g)}$ , considéré comme un gaz parfait. On suppose que la seule espèce présente dans l'eau est le dioxyde de soufre hydraté noté  $SO_{2(gg)}$ .

L'équation de la réaction de dissolution est :

$$SO_{2(g)} = SO_{2(aq)}$$
.

1. Exprimer le potentiel chimique  $\mu_g$  du dioxyde de soufre gazeux, à la température T, en fonction de la pression partielle  $P_{SO_2}$ .

Solution:  $\mu_g = \mu_g^o + R.T.ln(\frac{P_{SO_2}}{P^o})$ 

2. Exprimer le potentiel chimique  $\mu_{aq}$  du dioxyde de soufre hydraté, soluté supposé infiniment dilué, à la température T, en fonction de la concentration molaire en dioxyde de soufre hydraté c.

Solution:  $\mu_{aq} = \mu_{aq}^o + R.T.ln(\frac{c}{c^o})$ 

3. Quelle est la relation entre les potentiels chimiques lorsque l'équilibre de dissolution est établi ?

Solution:  $\mu_g = \mu_{aq}$ 

4. En déduire une expression de la constante thermodynamique K associée à cette réaction en fonction des potentiels chimiques standard. Calculer sa valeur.

Solution: On a :

$$\mu_g^o + R.T.ln(\frac{P_{SO_2}}{P^o}) = \mu_{aq}^o + R.T.ln(\frac{c}{c^o})$$

Donc

$$\mu_g^o - \mu_{aq}^o = R.T.ln(\frac{c.P^o}{c^o.P_{SO_2}}) = R.T.ln(K)$$

Finalement:

$$K = e^{\frac{\mu_g^o - \mu_{aq}^o}{R.T}} = 1,22$$

## Révisions PCSI

La forme hydratée du dioxyde de soufre  $SO_{2(aq)}$  est souvent notée  $H_2SO_3$ . À pH=5,0 (pH moyen des gouttelettes de pluie dans l'atmosphère) on le trouve sous forme de l'ion hydrogénosulfite  $HSO_3^-$ . L'atmosphère, de par la présence de dioxygène, d'ozone et de peroxyde d'hydrogène, favorise l'oxydation des ions  $HSO_3^-$  en ions sulfate  $SO_4^{2-}$ . Cette réaction entraine l'abaissement du pH des eaux de pluie dans les régions très industrialisées. Les gouttelettes de pluie contiennent également des cations métalliques capables de catalyser la réaction d'oxydation. On se propose d'étudier la cinétique de la réaction d'oxydation des ions  $HSO_3^-$  en ions sulfate  $SO_4^{2-}$  par le dioxygène dissous en présence d'ions  $Fe^{3+}$  selon l'équation :

$$HSO_{3(aq)}^{-} + \frac{1}{2} SO_{2(aq)} = H_{(aq)}^{+} + SO_{4(aq)}^{2-}$$

Des expériences menées en laboratoire et reconstituant le milieu naturel ont permis de proposer un mécanisme complexe dont certaines étapes sont proposées ci-dessous. On se place à 25 °C et sous une pression atmosphérique de 1 bar. Toutes les espèces sont dissoutes dans l'eau y compris O<sub>2</sub>.

$$\begin{split} \text{HSO}_3^- + \text{Fe}^{3+} &\to \text{H}^+ + \text{SO}_3^{-\bullet} + \text{Fe}^{2+} \\ \text{H}^+ + \text{SO}_3^- \bullet + \text{Fe}^{2+} &\to \text{HSO}_3^- + \text{Fe}^{3+} \\ \text{SO}_3^- \bullet + \text{O}_2 &\to \text{SO}_5^- \bullet \\ \text{SO}_3^- \bullet + \text{SO}_5^- \bullet &\to \text{S}_2 \text{O}_6^{2-} + \text{O}_2 \\ \text{SO}_3^- \bullet + \text{SO}_5^- \bullet &\to \text{S}_2 \text{O}_6^{2-} + \text{O}_2 \\ \text{SO}_3^- \bullet + \text{SO}_5^- \bullet &\to \text{S}_2 \text{O}_6^{2-} + \text{HSO}_3^- \\ \text{SO}_3^- \bullet + \text{SO}_5^- \bullet &\to \text{S}_2 \text{O}_6^{2-} + \text{HSO}_3^- \\ \text{H}^+ + \text{SO}_4^{2-} + \text{HSO}_3^- \\ \text{H}^- + \text{SO}_3^- \bullet &\to \text{SO}_3^- \bullet \\ \text{H}^- + \text{SO}_3^- \bullet \\ \text{H}^- + \text{SO}_3^- \bullet \\ \text{H}^- + \text{SO}_3^- \bullet \\ \text{H}^-$$

Pour cette dernière étape, la contribution de l'eau à la vitesse est incluse dans la constante  $k_5$ .

5. Justifier que l'approximation de l'état quasi-stationnaire (AEQS) soit applicable au radical  $SO_5^{-\bullet}$ .

**Solution:**  $SO_5^{-\bullet}$  est formé par la réaction de constante  $k_3$  et disparaît par réaction de constante k4 avec : il s'agit donc d'un intermédiaire réactionnel. Ainsi on peut appliquer l'AEQS à l'intermédiaire  $SO_5^{-\bullet}$ .

6. En appliquant l'AEQS à l'ion  $S_2O_6^{2-}$  et aux radicaux  $SO_3^{-\bullet}$  et  $SO_5^{-\bullet}$  exprimer la vitesse volumique de la réaction (vitesse d'apparition en ions sulfate  $SO_4^{2-}$ ) en fonction des concentrations  $[O_2]$ ,  $[HSO_3^-]$ ,  $[H^+]$ ,  $[Fe^{2+}]$  et  $[Fe^{3+}]$  et des constantes de vitesse.

## **Solution:**

La vitesse volumique de la réaction vaut  $v=\frac{d[SO_4^{2^-}]}{dt}=v_5$ . En appliquant l'AEQS aux différents intermédiaires :  $S_2O_6^{2^-}$ :  $v_4-v_5=0$ ;  $SO_3^{-\bullet}$ :  $v_1-v_2-v_3-v_4=0$ ;  $SO_5^{-\bullet}$ :  $v_3-v_4=0$  On a donc  $v_3=v_4=v_5$ . Alors  $v=v_3=k_3[SO_3^{-\bullet}]$ .  $[O_2]$ . Il faut donc exprimer  $[SO_3^{-\bullet}]$  en fonction des réactifs ou produits de la réaction. Grâce à l'AEQS sur  $SO_5^{-\bullet}$ , on peut isoler  $[SO_3^{-\bullet}]$ :

$$[\mathsf{SO_3}^{-\bullet}] = \frac{k_1[HSO_3^-][Fe^{3+}]}{k_2[H^+][Fe^{2+}] + 2k_3[O_2]}$$

Enfin on peut exprimer la vitesse de réaction  $v: v = \frac{k_1 k_3 [HSO_3^-][Fe^{3+}][O_2]}{k_2 [H^+][Fe^{2+}] + 2k_3 [O_2]}$ 

7. En négligeant la concentration en ion ferreux  $[Fe^{2+}]$  devant celle en dioxygène, montrer que l'expression de la vitesse v est indépendante de la concentration en dioxygène dissous.

**Solution:** Si on néglige la concentration en Fe<sup>2+</sup> par rapport à celle de  $O_2$  alors le terme  $k_2[H^+][Fe^{2+}]$  devient négligeable devant le terme  $2k_3[O_2]$ . La vitesse s'exprime donc ainsi :

$$v = \frac{k_1}{2}[HSO_3^-].[Fe^{3+}]$$

Cette expression est en effet indépendante de la concentration en dioxygène.

## DONNEES NUMERIQUES

Potentiels chimiques standard à 25  $^{o}$ C:

$$\mu_q^o = -300, 2 \text{ kJ/mol}$$
 et  $\mu_{aq}^o = -300, 7 \text{ kJ/mol}.$